# 大型鍛鋼品の寸法検査へのレーザートラッカーの適用と不確かさ評価

Application of Laser Tracker for Dimensional Inspection of Large Forgings and Its Uncertainty Evaluation



大矢 卓寛 Takahiro Ohya



坂口 智洋 Tomohiro Sakaguchi



仁村 弘樹 Hiroki Nimura

## 要 旨

寸法検査は、顧客図面仕様の準拠を証明するために品質保証上極めて重要である。ISO/TC 213 が開発している、 GPS (製品の幾何特性仕様)規格に代表される様に、製品形状に関連する要求は近年詳細かつ厳しくなっている。巻 尺等の従来の簡易測定器による寸法検査の測定値の精度は、検査員の技量、技能に大きく依存する。そこで当社では、 厳しい寸法要求をより確実に満足するため、ポータブル3次元座標測定機であるレーザートラッカー Leica AT960-LR を導入し、その結果工場内至る所で高精度での寸法測定の実施が可能となった。

3次元座標測定機による特定形状の寸法測定の不確かさは、タスク固有の不確かさ(Task specific uncertainty) であり、測定数、測定部位、測定データの評価方法などの測定戦略が不確かさに影響を与えるため、その評価は容易 ではない。またレーザートラッカーによる、大型鍛鋼製品の3次元寸法測定の不確かさの評価の報告例は少ない。そこ で本報告では、簡易測定器との不確かさの比較、ならびにベストフィット形体のパラメータの不確かさを解析的な誤差 伝搬と Monte Carlo 法を用いて評価した。その結果、レーザートラッカーの適用によって、測定の不確かさを小さくで きることが分かり、信頼性の高い寸法測定に寄与できると結論付けられた。

— Synopsis —

Dimensional inspection is essentially important to prove conformance to specifications of customers' drawings in terms of quality assurance. Requirements concerning geometry of products are getting detailed and strict as represented by GPS (Geometrical Product Specifications) standards currently being developed by ISO/TC 213.

The accuracy of measurement value highly relies on the skill and ability of inspectors as to dimensional inspection by conventional simple measuring equipment such as steel tape measure. In order to satisfy strict geometrical requirements with confidence, we have introduced a portable 3D coordinate measuring machine, Leica Laser Tracker AT960-LR, which enables to perform dimensional inspection everywhere in machine shops with high accuracy.

The uncertainty for the measurements of specific configurations by 3D coordinate measuring machine, what is called Task specific uncertainty, is challenging to evaluate since the uncertainty depends on the measuring strategy, namely the number of data points to obtain, the location of data points and the evaluation method of obtained data points, etc. Few studies have been reported concerning the uncertainty evaluation for laser tracker measurements of large and complex forgings. Here we compare the uncertainty between the laser tracker and the conventional simple measuring equipment and evaluate the uncertainty of parameters of the best-fit feature by the analytical error propagation and Monte Carlo method. As a result, it is concluded that introduction of the laser tracker can reduce the measuring uncertainty and contribute to reliable dimensional measurements.

室蘭製作所 Muroran Plant

## 1. 緒 言

当社では、外径が7mを超えるシェル、ノズルー体型ヘッド等、大型で複雑形状の鍛鋼製品を多く製造している。巻尺、マイクロメータ、テンプレート等による簡易測定器による寸法検査の測定値の精度は、検査員の技量、技能に大きく依存する。また製品によっては、定盤への設置、罫引作業が必要となる場合もある。

ISO/TC 213 が開発している GPS (製品の幾何特性仕様)規格に代表される様に、製品形状に関連する要求は近年詳細かつ厳しくなっている。場合によっては、当社製品に対し、ISO14253 に従った、測定の不確かさの評価や、 寸法公差に不確かさを考慮した上で合否判定を行う要求が適用されることがある。

そこで、このような厳しい寸法測定要求に対応するた め、当社ではポータブル3次元座標測定機であるレーザー トラッカーLeica AT960-LRを導入した。本報告では簡易 測定器である巻尺との不確かさの比較、ならびに誤差行列 による解析的な誤差伝搬、Monte Carlo法 (MCM)を用 い、ベストフィット形体のパラメータの不確かさについて議 論した。そして大型鍛鋼品の寸法測定にレーザートラッカー を適用し、寸法測定の信頼性について評価した。

#### 2. レーザートラッカーの原理

レーザートラッカーは、再帰反射性ターゲットを継続的 にレーザーで追跡し、3次元座標を測定できるポータブル なシステムである。レーザートラッカーはターゲットの光 学中心の水平方向、垂直方向の角度ならびに距離を測定 する。今回導入した Leica AT960の場合、角度は角度エ ンコーダー、距離は AIFM (Absolute Interferometer) により<sup>(1)</sup> 極座標として 3次元座標を測定することがで きる。

Leica AT960 は、ターゲットとして一般的な SMR (Spherically Mounted Retroreflector) である 1.5inch Red Ring Reflector (RRR) でなく、T-Probe という アームレス、ワイヤレスのタッチプローブがあり、T-Probe に埋め込まれた LED とレーザートラッカーのカメラによ り T-Probe の 6 自由度の姿勢を認識することで、SMR では測定が困難であった入り組んだ形状や深部も測定す ることができる。図1に Leica AT960 システムを示す。

測定は測定面に対してプローブを接触させるだけで可 能であり、固定測定モードの場合、1 点の測定値は(サ ンプリングレート)×(測定時間)だけ測定された多点の 平均値である。サンプリングレートは1000点/sec.、 Stationary Fast モードでは約0.5 sec.の測定時間のた め、1 点の測定値は約500点の平均値であり、またその RMS (Root Mean Square) が 70µm より大きい場合は 自動的に棄却される様に設定されている。よって測定時 のプローブの不安定性、振動、風の影響等による測定誤 差を低減することができる。



(b) 1.5inch Red Ring Reflector (c) T-Probe (RRR)

図1 Leica AT960 システム

## 3. レーザートラッカー精度

Leica AT960 の仕様によれば、絶対距離 L (m)(レー ザートラッカーと測定対象の距離)における、RRR を使 用した場合の1 点の精度  $U_{RRR}$  ( $\mu$ m) は

$$U_{\text{RRR}} = 15 + 6L$$
 式 (1)

とされ、直交座標系の各方向の最大許容誤差に相当する。これは、包含係数 *k*=2 の拡張不確かさ、すなわち95% 信頼区間に相当すると考えられる。

また、T-Probe を使用した場合の1点の精度 U<sub>T-Probe</sub> (µm)は、上記の不確かさに 35µm を加算する必要が あり、

$$U_{\rm T-Probe} = 50 + 6L$$
 式 (2)

となる $^{(1),(2)}$ 。

2 点間距離測定の場合は、上記の各 1 点の不確かさ Uを合成し、 $\sqrt{U^2+U^2} = \sqrt{2U}$ と表現できる。

そこで、実際の測定環境での精度を評価するために、 製品の測定と同一の環境における2点間距離精度の評価 を実施した。

基準として、公称 1000mm のスケールバーを用い、絶 対距離 *L*を種々変更し、スケールバー校正値とレーザー トラッカーによる測定値を比較した。ターゲットは RRR ならびに T-Probe (200mm スタイラスエクステンション) を使用し、各絶対距離 *L*で両端をそれぞれ 10 回ずつ測 定し、10<sup>2</sup>の測定値の組み合わせから標準偏差の 2 倍で ある 2σを評価し、表 1 と図 2 に示す。 図 2 の破線は Leica 仕様に基づく最大許容誤差である。



表1 絶対距離と測定精度、ばらつきの関係



図2 絶対距離と測定精度、ばらつきの関係

2 σは L の増加に伴い大きくなっており、誤差平均値に はばらつきが見られる。RRR について Leica 仕様は、弊 社測定環境における 95% 信頼区間として極めて妥当なも のであることが分かった。

T-Probeの場合は、Leica 仕様は必ずしも95% 信頼 区間として妥当とは言えないが、これはスタイラスエクステ ンション長さや測定環境の影響のためと考えられる。しか し、実際の使用上問題となる精度の差ではないと評価で きる。

## 4. 従来測定方法との比較

前章において、レーザートラッカーの2点間距離精度 が検証できたため、シェルの高さ寸法測定について、従 来の方法である巻尺による測定と、レーザートラッカー (T-Probe)による測定を比較した。同形状のシェル6製 品(内径 φ 4200mm)を対象とし、図3にシェル高さ測 定の模式図を、表2に測定結果を示す。

表2の結果から、巻尺、レーザートラッカーによる測定 結果には大きな差は見られない。巻尺の最小目盛は1mm であるのに対し、レーザートラッカーは1µm以下まで測定 結果を表示できる。従って、レーザートラッカーの適用に よって分解能を著しく向上させることができる。不確かさ については6章で詳細に評価する。



図3 シェル高さ測定

表2 シェル高さ測定結果の比較

製品	高さ測定結果 (mm)		
	卷尺	レーザートラッカー <b>(T-Probe)</b>	
No.1	2867.0	2866.761	
No.2	2867.0	2866.771	
No.3	2867.0	2866.755	
No.4	2867.0	2866.855	
No.5	2867.0	2866.727	
No.6	2866.0	2865.839	

## 5. 不確かさ評価の方法

不確かさ評価のためには、測定結果に影響を与える主 要な要素をすべてピックアップし合成する必要がある。 本報告では、測定対象長さが大きいため、

- ・機器の精度、検定公差
- ・機器の分解能
- ・熱膨張

を支配的な不確かさ要素であると判断した。

5.1 熱膨張の不確かさの取扱い

製品の幾何特性仕様及び検証に用いる標準基準温度 は20℃である<sup>(3)</sup>ため、測定対象の温度が20℃と異なる場 合には補正が必要である。

本報告では、製品内の温度差、ばらつきについては製 品が十分大きく、測定時間が短いため無視できるものと する。

レーザートラッカー測定の場合、測定した製品温度 と製品の熱膨張係数から温度補正を実施する必要があ る。この場合の熱膨張補正量 *d* の数学モデルは、

$$d = l \alpha_w T_w \qquad \qquad \vec{\mathfrak{X}} (3)$$

となり、熱膨張の不確かさ $u_T$ は

$$u_T^2 = l^2 T_w^2 u^2(\alpha_w) + l^2 \alpha_w^2 u^2(T_w) \qquad \qquad \Rightarrow (4)$$

と表現できる(4)。

ここで、lは測定対象長さ、 $T_w$ は製品温度の 20Cからの偏差、 $a_w$ は製品の熱膨張係数である。u(•) は各パラメータの不確かさである。

一方、巻尺での測定の場合、製品との温度慣らしを十分 に行い、温度補正は行わない。巻尺の社内検定は20℃に 温度管理された室内で実施している。巻尺と製品の熱膨 張係数の差は小さいため、現場での巻尺使用時の20℃か らの温度差よりも、巻尺と製品の温度差が小さいことが重 要となる。

この場合の熱膨張に起因する長さ d の数学モデルは、

ここで  $T_w$  は製品の 20 $\mathbb{C}$ からの偏差、 $\delta a$  は製品と巻尺 の熱膨張係数の差、 $a_s$  は巻尺の熱膨張係数、 $\delta T$  は製品 と巻尺の温度差である。

熱膨張の標準不確かさ $u_T$ は、 $\delta a \sim \delta T \sim 0$ とみなし、

$$u_T^2 = l^2 T_w^2 u^2(\delta \alpha) + l^2 \alpha_s^2 u^2(\delta T) \qquad \vec{x} \ (6)$$

と表現できる<sup>(5)</sup>。

#### 5.2 測定戦略に依存する不確かさ

3次元座標測定機による、特定形状の寸法測定 の不確かさはタスク固有の不確かさ(Task specific uncertainty)であり、測定数、測定部位、測定データの 評価方法などの測定戦略が不確かさに影響を与える<sup>(6)</sup>。 本報告では、最小二乗法によるベストフィット形体(円、 球)パラメータ(中心点、半径)の不確かさについて、

- (1) GUM<sup>(5)</sup>に従う不確かさの伝播則を用いた誤差行列によ る解析的評価
- (2) モンテカルロ法 (MCM) による評価
- の2つの方法を用いて不確かさを算出した。
- (1) GUM に従う不確かさの伝播則を用いた誤差行列によ る解析的評価

最小二乗法において、観測方程式、正規方程式、最 小二乗解はそれぞれ

$$d = AP$$

$$A^{t}S^{-1}AP = A^{t}S^{-1}d$$

$$P = (A^{t}S^{-1}A)^{-1}A^{t}S^{-1}d$$

$$\overrightarrow{\mathbf{x}} (7)$$

の関係で表現される。ここで*A*はヤコビ行列、*d*は測定 値ベクトル、*P*はパラメータベクトル、*S*は各測定点の誤 差行列である。パラメータの誤差行列*S*<sub>p</sub>は

$$\boldsymbol{S}_p = (\boldsymbol{A}^t \boldsymbol{S}^{-1} \boldsymbol{A})^{-1}$$

$$\vec{\mathbf{x}} \ (8)$$

で表され、各測定点の誤差が、最小二乗法による形体 パラメータの誤差へどのように寄与するか評価すること ができる。本報告では、誤差は測定点に相関がなく、 単一の分散 $\sigma_0^2$ を持つと仮定する。この場合、各測定点 の誤差行列Sは、

$$\boldsymbol{S} = \begin{pmatrix} \sigma_0^2 & 0 \\ & \ddots & \\ 0 & \sigma_0^2 \end{pmatrix} = \sigma_0^2 \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ & \ddots & \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \qquad \boldsymbol{\mathcal{R}} \ (9)$$

と $\sigma_0^2$ と単位行列との積で表せる<sup>(7)</sup>。

(a) 円の最小二乗法の場合

最小二乗円のパラメータを中心点  $(p_1, p_2)$ と半径  $(p_3)$ とし、最小二乗円中心が原点となるように平行移動、測定 点を極座標で表現  $(x_i=r_i\cos\theta_i, y_i=r_i\sin\theta_i)$ すれば、ヤコ ビ行列 A は

$$\boldsymbol{A} = \begin{pmatrix} -\cos\theta_1 & -\sin\theta_1 & -1 \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ -\cos\theta_n & -\sin\theta_n & -1 \end{pmatrix} \qquad \quad \vec{\mathbf{x}} (10)$$

となる。

(b) 球の最小二乗法の場合

円の場合と同様に、最小二乗球のパラメータを中心点 ( $p_1, p_2, p_3$ )と半径( $p_4$ )とし、最小二乗球中心が原点 となるように平行移動、測定点を極座標で表現すれば ( $x_i = r_i \sin \theta_i \cos \varphi_i, y_i = r_i \sin \theta_i \sin \varphi_i, z_i = r_i \cos \theta_i$ )、 ヤコビ行列 A は

$$\mathbf{4} = \begin{pmatrix} -\sin\theta_1\cos\varphi_1 & -\sin\theta_1\sin\varphi_1 & -\cos\theta_1 & -1\\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots\\ -\sin\theta_n\cos\varphi_n & -\sin\theta_n\sin\varphi_n & -\cos\theta_n & -1 \end{pmatrix} \vec{\mathbf{x}} (11)$$

となる。

これらヤコビ行列 A を式(8) に代入すれば、形体パラ メータへの誤差を解析的に、GUM に従う不確かさの伝 播則を用いて評価することができる。

### (2) モンテカルロ法 (MCM) による評価

円、球の場合の評価例を挙げたが、形体が異なる場 合は平面、円筒、円錐等の形体に応じそれぞれのヤコビ 行列の導出が必要であり、さらに形体パラメータ間の評 価を含む場合は、モデル式が微分可能な数式として表現 できない場合や、テイラー展開による近似が十分に成立 しない可能性があり、GUMに従う不確かさの伝播則が 適用できない場合がある。

GUM Supplement1<sup>(8)</sup>において、不確かさの伝搬則を 用いない、MCM により直接出力量の確率分布を求める 方法が文書化されている。 3次元測定には、測定ソフトウェアが必要であり、測定 点群を与えれば、最小二乗法に基づくベストフィット形体 パラメータの評価が可能となる。理想的な測定点座標に 対し、各測定点の誤差を与えた測定点群を入力すること で、MCMによる測定対象量の分布の直感的な評価が 可能となる。



ここでは各測定点の不確かさは測定位置に依存せ ず、各直交座標軸方向に正規分布である誤差を持つと 仮定し、理想的な測定点に誤差を与えたデータを測定ソ フトウェアに入力、最小二乗法によるベストフィット形体 のパラメータを出力させることで、ヒストグラムから確率 分布を直接求めることが可能となる。図4にMCMのフ ローチャートを示す。本報告におけるシミュレーションの 繰り返し数は1000とし、正規分布に従う誤差はExcel 2013で与え、測定ソフトウェアはPolyworks 2016を使 用した。

### 6. 不確かさの算出と考察

#### 6.1 シェル高さ測定の不確かさ

(1) 巻尺によるシェル高さ測定の不確かさ

巻尺によるシェル高さ寸法測定の不確かさを以下 の様に算出した。感度係数の算出について、l=3000mm,  $T_w=10$ °C,  $a_s=12 \times 10^{-6}$ /°C と仮定した。不確かさ の成分の最大許容誤差について、検定公差は、3m にお けるは JIS B 7512 の1 級の許容差から± 0.5mm、分解 能は巻尺の最小目盛から1mm、温度差は± $\sqrt{2} \times 1$ °C、 熱膨張係数差は $\sqrt{2} \times 12 \times 10^{-6}$ /°Cの± 10% とし、各標 準不確かさはそれぞれ仮定した分布による係数で最大 許容誤差を除して算出した。

表3 巻尺によるシェル福	高さ測定の不確かさ
--------------	-----------

不確かさの成分	各標準不確かさ	評価方法	感度 係数	合成標準 不確かさ への寄与 (µm)
検定公差	$\frac{500}{\sqrt{3}}$ (µm)	<b>Type B</b> 矩形分布	1	289
分解能	<u>500</u> (μm)	<b>Type B</b> 正規分布	1	250
熱膨張係数差 $u(\delta lpha)$	$\frac{\sqrt{2}\times0.1\times12\times10^{-6}}{2} \text{ (/°C)}$	<b>Type B</b> 正規分布	$lT_w$	25.5
温度差 u(δT)	$\frac{\sqrt{2} \times 1}{2}$ (°C)	<b>Type B</b> 正規分布	lαs	25.5
	合成標道	準不確かさ		<i>u</i> = 384 (μm)
	拡張不確かさ(k = 2)			$7.7 \times 10^{2} (\mu m)$

表 3 に示す通り各標準不確かさを合成し、合成標準 不確かさ *u*=384µm、拡張不確かさ(*k*=2)は *U*=7.7 × 10<sup>2</sup>µm と算出された。

 (2) レーザートラッカーによるシェル高さ測定の不確かさ レーザートラッカー(T-Probe)によるシェル高さ寸法測 定の不確かさを以下の様に算出した。感度係数の算出に ついて、*l*=3000mm, *T<sub>w</sub>*=10℃, *a<sub>w</sub>*=12×10<sup>-6</sup>/℃と仮 定した。

不確かさの成分の最大許容誤差について、2 点間距離 精度は式 (2) に L=5m を代入、熱膨張係数は  $12 \times 10^{-6}$  /  $\mathbb{C}$ の ± 10%、温度は ± 1  $\mathbb{C}$  とし、各標準不確かさはそれぞ れ仮定した分布による係数または包含係数で最大許容 誤差を除して算出した。

またレーザートラッカーの分解能は1µm以下であり、 他の不確かさ成分より十分小さく、その不確かさは無視 することができるため、ここでは考慮しない。

表4 レーザートラッカーによるシェル高さ測定の不確かさ

不確かさの成分	各標準不確かさ	評価方法	感度 係数	合成標準 不確かさ への寄与 (µm)
2点間距離精度	$\frac{\sqrt{2}(50+6L)}{2}$ (µm)	-	1	56.6
熱膨張係数 $u(lpha_w)$	$\frac{0.1 \times 12 \times 10^{-6}}{2}$ (/°C)	<b>Type B</b> 正規分布	lT <sub>w</sub>	18.0
温度 <i>u(T<sub>w</sub>)</i>	<sup>1</sup> / <sub>2</sub> (°℃)	<b>Type B</b> 正規分布	lα <sub>w</sub>	18.0
	合成標準	準不確かさ		$u = 62.0 \; (\mu m)$
	拡張不確;	かさ(k = 2)	U = 1	$1.2 \times 10^{2} (\mu m)$

表 4 に示す通り各標準不確かさを合成し、合成標準不確かさ  $u=62.0\mu m$ 、拡張不確かさ (k=2) は  $U=1.2 \times 10^2 \mu m$  と算出された。

以上の結果から、レーザートラッカーの適用によって不 確かさを大きく低減することができ、より信頼性のある寸 法測定が可能となった。

#### 6.2 円、半球測定の形体パラメータの不確かさ

内径φ 3669 のリング状鍛鋼品と SR1855 のドーム状 鍛鋼品のレーザートラッカーの測定について不確かさを 以下の様に算出した。

(a) 誤差行列 (GUM)、(b) MCM、(c) 実測データの3つ の評価方法により、内径、中心点座標のばらつきを比較 した。比較のため、測定位置、点数は共通して図5の通り (円:8点、半球:16点)である場合とし、各評価を行った。

実測データは、レーザートラッカー (RRR)を使用し、 各測定位置について 10 点ずつ測定し、全組み合わせ (円:10<sup>8</sup> 通り、半球:10<sup>16</sup> 通り)のうちランダムに 1000 組を選び出し、MCM と同様に標準偏差を算出した。

評価 (a) 誤差行列 (GUM) ならびに (b) MCM につい て、各測定点の標準偏差 $\sigma_0$ は、式 (1) おいて L=2m で の  $U_{RRR}/2$  に相当する $\sigma_0$ =13.5 $\mu$ m とした。表 5,6 に各評 価方法における円、半球測定の形体パラメータの標準偏 差を示す。



円φ 3669mm
 半球 SR1855mm

図5 測定形体と測定点位置

表 5	円測定の形体ノ	ペラメータ	の標準偏差
-----	---------	-------	-------

	標準偏差(μm)			
評価方法	中心点 x座標	中心点 y座標	半径	
	$\sigma_x$	$\sigma_{y}$	$\sigma_r$	
(a)誤差行列 (GUM)	6.75	6.75	4.77	
(b) MCM	6.66	6.79	4.79	
(c) 実測データ	0.94	0.96	0.63	

#### 表6半球測定の形体パラメータの標準偏差

	標準偏差(µm)			
評価方法	中心点 x座標	中心点 y座標	中心点 z座標	半径
	$\sigma_x$	$\sigma_y$	$\sigma_z$	$\sigma_r$
(a)誤差行列 (GUM)	7.35	7.35	17.1	12.9
(b) MCM	7.42	7.43	17.6	13.4
(c) 実測データ	2.17	2.45	5.36	3.72

円の内径測定、半球 SR 測定ついて、GUM に従う誤 差行列による解析的評価とMCMには大きな差異が見ら れないが、実測データから得られる標準偏差は前者に比 べてかなり小さい。

これは、レーザートラッカーの誤差は、レーザー進行 方向の誤差に比べ、レーザー進行直交方向の誤差の方 が大きいが、径測定においてはレーザー進行直交方向の 誤差による影響が小さいためであると考えられる。また、 この実測データは連続的な測定であるため、繰り返し性 は評価されているが、再現性、系統誤差による不確かさ は評価されないことも原因の一部である。

半球測定において、 $\sigma_z$ は $\sigma_0$ よりも大きくなっている。 16 点を等方的に測定しても、形体パラメータの不確か さは、各測定点の不確かさより必ずしも小さくはならな い。形体に対して測定可能な領域が不十分である場合に は、最小二乗法ではなく、真円度や輪郭度などの幾何公 差に置き換えた評価が適している。

MCM の結果、ならびに径については 6.1 項と同様に 熱膨張の不確かさを合成すれば、拡張不確かさ(*k*=2) は表7の様に評価された。

#### 表7 形体パラメータの拡張不確かさ

(1) 円 <i>ϕ</i> 3669mm				
拡張不確かさ(μm)				
中心点 x座標 中心点 y座標 半径				
$U_x$	$U_y$	Ur		
13	14	33		

(2) 半球 SR1855mm	
-----------------	--

拡張不確かさ(μm)				
中心点 x座標 中心点 y座標 中心点 z座標 半径				
$U_x$	$U_{y}$	$U_z$	$U_r$	
15	15	35	41	

拡張不確かさとして、機械加工精度、公差に対して十分 に小さい値が得られた。

#### 6.3 複数形状製品の架空点測定の不確かさ

図6は、当社で製造する典型的なノズルー体型ヘッ ド部材である。このような部材において、ノズル中心点 の径方向距離の測定は、定盤上への配置、投影等が必 要であり、測定値の精度は作業者の技能に依存する。 このような寸法測定は不確かさの要素が多く、評価が 非常に難しい。



図6 ノズルー体型ヘッド形状と測定要素

レーザートラッカー測定の場合は場所を選ばず、精度 だけでなく作業性も高い。特に架空点の測定においては レーザートラッカーに非常に大きな優位性がある。

このような架空点の測定には、ノズル円筒軸と端面の交 点の算出などが必要であり、不確かさの評価において、解 析的な数学モデルを構築することは現実的ではない。よっ て GUM 枠組みにおける評価は非常に困難である。

一方、MCM の場合は、形体間の複雑な処理を含む評価であっても出力結果のばらつきの評価が可能となる。

図 6 の円 1、平面 1 については RRR での測定、円筒 1、平面 2 ついては T-Probe での測定を想定し、各測定 点の標準偏差は式 (2), (3) の L=2m での  $U_{RRR}/2$  に相当す る $\sigma_0=13.5\mu$ m (RRR)、 $\sigma_0=31\mu$ m (T-Probe)とした。測 定点は円、平面については 8 点、円筒は 12 点等方的に 測定したと仮定し、MCM シミュレーションを実施した。 シミュレーションにおけるノズル中心点の径方向距離の ばらつきを評価し、図 7 に示す。



図7 ノズル中心点 - 径方向距離の MCM によるヒストグラム

MCM によって評価される標準偏差 $\sigma$ は、 $\sigma$  =20.2  $\mu$ m で あった。

6.1 項と同様に熱膨張の不確かさを合成すれば、拡張不確かさ U (k=2) は U=48μm と算出された。

以上より、レーザートラッカーと MCM を適用すること

で、既存の簡易測定器、GUM 枠組みでは評価が困難な 測定の不確かさを評価することできた。

## 7. 結 言

大型鍛鋼品の寸法測定へのレーザートラッカーの導入により、既存の簡易測定器と比べ分解能、精度が 向上し、測定の不確かさを大きく低減できることが分かっ た。また大型製品の定盤のへ設置、罫引作業などを省 略することができ、場所を選ばず高精度での寸法測定 が可能となった。

形体パラメータの不確かさ評価について、GUMに 従う不確かさの伝播則を用いた誤差行列による解析的 評価と MCM による評価の結果に大きな差は見られな かった。MCM による評価は、GUM 枠組みでは現実 的でない、形体間の複雑な処理を含む不確かさ評価を 可能にする、優位な評価方法である。レーザートラッ カーと MCM による評価により、定量的に測定の精度 と信頼性を保証することが可能となり、加工公差、精 度に対して十分小さい不確かさであることが分かった。

今後は、レーザートラッカー測定を最終寸法検査だ けでなく、最終機械加工前、最中での寸法測定への適 用し、納入形状が確保されているか検証のための余肉 分布測定や、測定結果の加工制御へのフィードバック を検討していきたい。

## 参考文献

- HEXAGON METROLOGY: Product Brochure "Leica Absolute Tracker AT960"
- (2) HEXAGON METROLOGY: Product Brochure "Leica Absolute Trackers Probing Solutions"
- (3) ISO 1:2016
- (4) ISO/TR 16015:2003
- (5) JCGM 100:2008
- (6) 萩野, 阿部: "Virtual CMM による座標測定の不確 かさ推定(第1報):校正済み円筒による検証", 精密 工学会学術講演会講演論文集, 2006 年度精密工学会 春季大会, (2006), p. 1063-1064
- (7) 高増, 古谷, 大園: "座標計測における形体パラメータの信頼性", 精密工学会誌, Vol. 63, No. 11, (1997), p. 1594-1598
- (8) JCGM 101:2008